

UNIVERSITATEA "OVIDIUS" CONSTANȚA
 FACULTATEA DE MATEMATICA ȘI INFORMATICA
 COMISIA DE MATEMATICA, 21.07.2003, ORA 9.00

PROBA: ANALIZA ȘI ALGEBRA, TIP: B

1. Solutia ecuatiei $1 - x = |x + 1|$ este: a) $x = 0$; b) $x = 2$; c) $x = -1$;
 d) $x = 1$; e) $x \in \emptyset$.
2. Suma solutiilor ecuatiei: $(\log_2 x)^2 - \log_2 x^3 + 2 = 0$ este: a) 7; b) 6; c) 5; d) 0; e) 1.
3. Se considera matricele: $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ si $B = \begin{pmatrix} 1 & x \\ y & 1 \end{pmatrix}$. Sa se determine x si y astfel ca $AB = BA$.
 a) $x = -1, y = 1$; b) $x = 1, y = -1$; c) $x = 0, y = 0$;
 d) $x = 0, y = -1$; e) $x = 2, y = 0$.
4. Pe \mathbb{Z} se defineste legea de compozitie:
 $x * y = xy + 2x + 2y + 2, \forall x, y \in \mathbb{Z}$. Elementul neutru al legii este:
 a) -2; b) 2; c) 1; d) 0; e) -1.
5. Valoarea determinantului $\begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ x_2 & x_3 & x_1 \\ x_3 & x_1 & x_2 \end{vmatrix}$, pentru radacinile x_1, x_2, x_3 ale polinomului $P(X) = X^3 + X + 1$, este:
 a) 3; b) -1; c) 1; d) 2; e) 0.
6. Valoarea lui $a+b$ pentru care functia: $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{1+x^2}-1}{x^2}, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ e^x + b, & x > 0 \end{cases}$
 este continua in $x = 0$ este:
 a) 0; b) -1; c) 1; d) 3; e) 2.
7. Valoarea integraliei $\int_0^1 \frac{x^2}{1+x^2} dx$ este a) $1 + \frac{\pi}{4}$; b) $1 - \frac{\pi}{4}$; c) $1 + \frac{\pi}{2}$; d) 1; e) $1 - \frac{\pi}{2}$.
8. Fie functia $f : \mathbb{R} \setminus \{2\} \rightarrow \mathbb{R}$ definita prin $f(x) = \frac{x^2}{x-2}$.
 Care dintre afirmatiile urmatoare este adevarata?
 a) Graficul functiei are numai o asymptota oblica.
 b) Graficul functiei are numai o asymptota verticala.
 c) Graficul functiei are o asymptota verticala si una orizontala.
 d) Graficul functiei are numai o asymptota orizontala.
 e) Graficul functiei are o asymptota verticala si una oblica.
9. Graficul functiei $f : \mathbb{R} \setminus \{2\} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \frac{x^2}{x-2}$ intersecteaza axa Ox in punctul:
 a) $(0, 1)$; b) $(1, 0)$; c) $(0, 0)$; d) $(2, 0)$; e) $(0, -2)$.
10. Numarul punctelor de extrem local ale functiei $f : \mathbb{R} \setminus \{2\} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \frac{x^2}{x-2}$
 este: a) 1; b) 4; c) 0; d) 2; e) 3.

PREȘEDINTE,

