

FACULTATEA DE MATEMATICĂ ȘI INFORMATICĂ
 EXAMEN DE ADMITERE, SESIUNEA SEPTEMBRIE 2005
 DOMENIU DE LICENȚĂ: MATEMATICĂ
 SPECIALIZARE: MATEMATICĂ, MATEMATICĂ-INFORMATICĂ

PROBA: ALGEBRĂ+ANALIZĂ

1. Fie $A = \{m \in \mathbf{R} : \text{ecuatie } (3m-2)x^2 = m \text{ are doua solutii reale si distinste}\}$. Atunci
 - a) $A = \mathbf{R}$; b) $A = (-\infty, 0] \cup [\frac{2}{3}, \infty)$; c) $A = (-\infty, 0) \cup (\frac{2}{3}, \infty)$; d) $A = [0, \infty)$
 - e) $A = (0, \frac{2}{3})$.
2. Se consideră polinomul $P(X) = X^3 - (1+i)X^2 + (2i+1)X + 1-i \in \mathbf{C}[X]$. Stiind că $x_1 = i$ este o radacina a polinomului P și notând $d = |x_2 - x_3|$, unde x_2 și x_3 sunt celelalte radacini ale lui P, atunci
 - a) $d = 2i - 1$; b) $d = \sqrt{5}$; c) $d = \sqrt{3}$; d) $d = \sqrt{2} + 1$; e) $d = 1$.
3. Pentru ce valori reale ale lui α , ecuația matriceală $X \cdot \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 6 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ are solutii in $M_2(\mathbf{R})$?
 - a) $\alpha = 0$; b) $\alpha = 1$; c) $\alpha = 2$; d) $\alpha = 3$; e) $\alpha = 4$.
4. Sistemul de ecuații

$$\begin{cases} 2x - y + az = 0 \\ x + 2y - z = 0 \\ 3x + 4y + (a+2)z = 0 \end{cases}$$
 admite și soluții diferite de soluția nula pentru
 - a) $a = 5$; b) $a = -1$; c) $a = -7$; d) $a = \frac{1}{3}$; e) $a = -\frac{2}{7}$.
5. Se consideră ecuația $\sqrt{x-3} + \sqrt{1-x} = 3$, $x \in \mathbf{R}$. Care din următoarele afirmații sunt adevărate?
 - a) ecuația nu are soluții; b) ecuația are o soluție c) ecuația are două soluții;
 - d) ecuația are trei soluții; e) ecuația are cel puțin patru soluții.
6. Pe multimea \mathbf{Z} se definește legea de comozitie $x * y = (x-5)(y-5) + 5$, $\forall x, y \in \mathbf{Z}$. Valoarea expresiei $1 * 2 * 3 * \dots * 2005$ este
 - a) 1; b) 2005; c) 0; d) 4; e) 5.

7. Valoarea limitei $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1^2 + 2^2 + \dots + n^2}{(1+2+\dots+n)^2}$ este
 a) 1; b) 0; c) ∞ ; d) e; e) -1.

8. Valoarea limitei $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2 + 2}}{5 - 4x}$ este
 a) 0; b) -1; c) $\frac{1}{4}$; d) $-\frac{1}{4}$; e) 1.

9. Fie funcția $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - ax + b, & \text{daca } x \leq 1 \\ bx - 2a, & \text{daca } x > 1 \end{cases}$$

și $a, b \in \mathbf{R}$ astfel incat f este derivabilă pe \mathbf{R} . Atunci $3a+b$ este
 a) 0; b) 1; c) -1; d) 2; e) 4.

10. Numărul punctelor de extrem local ale funcției $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = xe^{5-2x-x^2}$ este
 a) 2; b) 4; c) 1; d) 3; e) 0.

11. Dacă $a, b \in \mathbf{R}$ satisfac

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2 + 3x + a} - b}{x^2 + x - 2} = \frac{5}{18}$$

atunci

a) $a = 3$ și $b = 5$; b) $a = 5$ și $b = 3$ c) $a + b = 9$; d) $a - b = 1$; e) $a = b = 1$.

12. Valoarea integralei $\int_0^1 x^2 e^x dx$ este
 a)e; b) e +1 c) e-2; d) e+2; e) 0

Notă: Toate subiectele sunt obligatorii. O singură variantă de răspuns este corectă.
 Timp de lucru 3 ore.